

## Задание № 22 (Расчётная задача)

Задачи на применение законов сохранения в механике





Этот комплект карточек предназначен для решения задач на законы сохранения импульса и энергии.



Они легко узнаваемы по ключевым словам: удар, столкновение, разрыв, выстрел, съехал с горки, поднялся на высоту, работа силы трения и т.д.



Если в задаче речь идет о равновесии рычага или тела на плоскости — это статика.



Если нужно найти ускорение или время по известным силам — это, скорее всего, второй закон Ньютона и кинематика.



Мы сфокусируемся на импульсе и энергии.



### Первый шаг — понять, какой закон нам поможет. Часто они работают в паре, но на разных этапах

## Применяем Закон Сохранения ИМПУЛЬСА (ЗСИ), когда видим мгновенный процесс:

**Маркеры:** удар, соударение, взрыв, разрыв, выстрел, прилипание.

Почему работает: за короткое время удара внутренние силы взаимодействия (огромные) намного больше внешних (сила тяжести, трения), поэтому импульсом внешних сил можно пренебречь.

#### Ключевая особенность:

Импульс — это BEKTOP! Но чаще всего нас интересует его ПРОЕКЦИЯ.

# Применяем Закон Сохранения/ Изменения ЭНЕРГИИ (ЗСЭ), когда видим продолжительное движение:

Маркеры: движение на расстояние S, изменение высоты h, сжатие пружины, работа силы трения/сопротивления.

Почему работает: позволяет связать начальные и конечные параметры движения (скорость, высота), минуя расчет ускорения и времени.

#### Ключевая особенность:

Энергия — это СКАЛЯР!

#### Двухэтапные задачи:

Часто задача комбинирует оба закона.

**Пример:** шарик прилипает к подвешенному на нити грузу и он поднимается на некоторую высоту.

Этап 1: Удар (прилипание) — используем 3СИ. Этап 2: Движение (подъем) — используем 3СЭ.



Запомним главный секрет Закона Сохранения Импульса: часто в задачах сохраняется не весь вектор импульса, а только его ПРОЕКЦИЯ на определённую ось. Умение находить эту ось — наш ключ к успеху

#### Когда это работает?

Проекция импульса системы на ось сохраняется, если сумма проекций внешних сил на эту ось равна нулю

#### Классический пример: Груз падает на движущуюся горизонтально тележку с песком

Проекция на ось ОҮ (вертикальная): Есть внешние силы, их сумма не равна нулю. Проекция импульса на ОҮ НЕ сохраняется!

Проекция на ось ОХ (горизонтальная): В горизонтальном направлении внешние силы отсутствуют. Сумма проекций внешних сил на ОХ равна

- внешние силы отсутствуют. Сумма проекций внешних сил на ОХ равна нулю. Проекция импульса на ОХ СОХРАНЯЕТСЯ!
- Вывод: Мы имеем право записать 3СИ только для проекции на ось ОХ

#### Наш пошаговый план:

Анализ сил и выбор оси: определим внешние силы. Найдём ось, на которую

сумма их проекций равна нулю. Это наша рабочая ось

2 Запись в проекциях: сразу записываем ЗСИ в проекциях на выбранную ось. Внимание на знаки и углы!



## Это наш самый универсальный ключ к задачам на энергию. Он работает всегда, даже когда механическая энергия не сохраняется

Энергия: «БЫЛО» = «СТАЛО» + «ПОТЕРИ»

Запишем уравнение энергетического баланса: E\_до = E\_после + |A\_потерь|

**«БЫЛО» (Е\_до):** Полная механическая энергия в начальной точке

«СТАЛО» (Е\_после): Полная механическая энергия в конечной точке

«ПОТЕРИ» (|А\_потерь|): Вся энергия, которая "ушла" из механической системы. Это могут быть разные вещи!

#### Пример с шайбой на наклонной плоскости:

БЫЛО (внизу):  $\frac{mv^2}{2}$ 

СТАЛО (наверху): mgh

ПОТЕРИ (работа трения):  $F_{\rm Tp} \cdot s$ 

Уравнение:  $\frac{mv^2}{2} = mgh + F_{Tp} \cdot s$ 



#### У нас есть все "кубики". Пора собрать машину для получения ответа

- Выписываем систему: соберем все полученные уравнения вместе
  - Уравнение механики для «ДО»
  - Уравнение механики для «ПОСЛЕ»
  - Связующее уравнение-мост (один из 3х газовых законов или универсальный газовый закон)
  - Механические уравнения
- 2 Решаем систему
- Проверка: Проверяем размерность и адекватность ответа. Если объём получился отрицательным или масса шара 50 тонн это повод искать ошибку!